GENERALITAT VALENCIANA
CONSELLERIA D'EMPRESA, UNIVERSITAT I CIÈNCIA

COMISSIÓ GESTORA DE LES PROVES D'ACCÉS A LA UNIVERSITAT
COMISIÓN GESTORA DE LAS PRUEBAS DE ACCESO A LA UNIVERSIDAD

SISTEMA UNIVERSITARI VALENCIÀ
SISTEMA UNIVERSITARIO VALENCIANO

PROVES D'ACCÉS A FACULTATS, ESCOLES TÈCNIQUES SUPERIORS I COL·LEGIS UNIVERSITARIS
PRUEBAS DE ACCESO A FACULTADES, ESCUELAS TÉCNICAS SUPERIORES Y COLEGIOS UNIVERSITARIOS

CONVOCATÒRIA DE SETEMBRE 2006 CONVOCATORIA DE SEPTIEMBRE 2006

MODALITAT DEL BATXILLERAT (LOGSE): De Ciències de la Natura i de la Salut i de Tecnologia
MODALIDAD DEL BACHILLERATO (LOGSE): De Ciencias de la Naturaleza y de la Salud y de Tecnología

IMPORTANT / IMPORTANTE

2n Exercici 2º. Ejercicio	**MATEMÀTIQUES II** MATEMÁTICAS II	**Obligatòria en la via Científico-Tecnològica i optativa en la de Ciències de la Salut** Obligatoria en la vía Cientificotecnológica y optativa en la de Ciencias de la Salud	**90 minuts** 90 minutos

Barem: / Baremo: Se elegirá el EJERCICIO A o el EJERCICIO B, del que sólo se harán TRES de los problemas propuestos.

Cada problema se puntuará de 0 a 3,3, según la puntuación máxima indicada en cada apartado.

La suma de las puntuaciones de cada problema más 0,1 será la calificación de la prueba.

Cada estudiante deberá disponer de una calculadora científica o gráfica. Se prohíbe su utilización indebida (guardar fórmulas o texto en memoria)

EJERCICIO A

PROBLEMA 1. Dado el sistema de ecuaciones con un parámetro real λ e incógnitas x, y, z,
$$\left.\begin{cases}(\lambda+2)x- & y & + & z & =0\\ 3x & +(\lambda+6)y- & 3z & & =0\\ 5x & + & 5y & +(\lambda-2)z & =0\end{cases}\right\}$$ se pide:

a) Calcular para qué valores de λ el sistema sólo admite la solución $(x, y, z) = (0, 0, 0)$ **(1 punto).**
b) Para cada valor de λ que hace indeterminado el sistema, **obtener** todas sus soluciones **(1,8 puntos).**
c) Explicar la posición relativa de los tres planos definidos por cada una de las ecuaciones del sistema cuando $\lambda = -3$ **(0,5 puntos).**

PROBLEMA 2. En el espacio se consideran:
- La recta r intersección de los planos de ecuaciones implícitas $2x-2y-z=9$ y $4x-y+z=42$.
- Y la recta s que pasa por los puntos (1,3,-4) y (3,-5,-2). Se pide:

a) Calcular las ecuaciones paramétricas de la recta r **(0,8 puntos)** y de la recta s **(0,3 puntos).**
b) Justificar que las rectas r y s se cruzan **(0,8 puntos).**
c) Calcular un vector direccional de la recta t, perpendicular común a las rectas r y s, **(0,4 puntos)** y **calcular** el punto P de intersección de las rectas s y t **(1 punto).**

PROBLEMA 3. Dadas las funciones $f(x)=x^3-3x+8$ y $g(x)=-3x$, se pide:
a) Calcular el máximo absoluto de la función $f(x)$ en el intervalo $[-3, 0]$ **(1 punto).**
b) Calcular el punto de corte de la curva $y=f(x)$ y la recta $y=g(x)$ **(1 punto).**
c) Obtener el área del recinto limitado por la curva $y=f(x)$ y las rectas $y=g(x)$, $x=-3$ y $x=0$ **(1,3 puntos).**

PROBLEMA 4. Un incendio se extiende en forma circular uniformemente. El radio del círculo quemado crece a la velocidad constante de $1{,}8\,m/min$.
a) Obtener el área quemada en función del tiempo t transcurrido desde el comienzo del incendio **(1,3 puntos).**
b) Calcular la velocidad de crecimiento del área del círculo quemado en el instante en que el radio alcance $45\ m$ **(2 puntos).**

GENERALITAT VALENCIANA
CONSELLERIA D'EMPRESA, UNIVERSITAT I CIÈNCIA

COMISSIÓ GESTORA DE LES PROVES D'ACCÉS A LA UNIVERSITAT
COMISIÓN GESTORA DE LAS PRUEBAS DE ACCESO A LA UNIVERSIDAD

SISTEMA UNIVERSITARI VALENCIÀ
SISTEMA UNIVERSITARIO VALENCIANO

PROVES D'ACCÉS A FACULTATS, ESCOLES TÈCNIQUES SUPERIORS I COL·LEGIS UNIVERSITARIS
PRUEBAS DE ACCESO A FACULTADES, ESCUELAS TÉCNICAS SUPERIORES Y COLEGIOS UNIVERSITARIOS

CONVOCATÒRIA DE SETEMBRE 2006 CONVOCATORIA DE SEPTIEMBRE 2006

MODALITAT DEL BATXILLERAT (LOGSE): **De Ciències de la Natura i de la Salut i de Tecnologia**
MODALIDAD DEL BACHILLERATO (LOGSE): De Ciencias de la Naturaleza y de la Salud y de Tecnología

IMPORTANT / IMPORTANTE

2n Exercici 2º. Ejercicio	**MATEMÀTIQUES II** MATEMÁTICAS II	**Obligatòria en la via Científico-Tecnològica i optativa en la de Ciències de la Salut** Obligatoria en la vía Científicotecnológica y optativa en la de Ciencias de la Salud	**90 minuts** 90 minutos

Barem: / Baremo: Se elegirá el EJERCICIO A o el EJERCICIO B, del que sólo se harán TRES de los problemas propuestos.

Cada problema se puntuará de 0 a 3,3, según la puntuación máxima indicada en cada apartado.

La suma de las puntuaciones de cada problema más 0,1 será la calificación de la prueba.

Cada estudiante deberá disponer de una calculadora científica o gráfica. Se prohíbe su utilización indebida (guardar fórmulas o texto en memoria)

EJERCICIO B

PROBLEMA 1. A es una matriz 3×3 tal que $A^2=\begin{pmatrix}2&1&0\\-1&0&-1\\-1&-1&2\end{pmatrix}$ y $A^3=\begin{pmatrix}1&0&2\\-2&-1&0\\2&2&-3\end{pmatrix}$. Se pide:

a) Calcular el determinante de la matriz A^3 **(0,5 puntos)** y la matriz inversa de A^3 **(1 punto).**

b) Calcular la matriz fila $X=(x,y,z)$ que es solución de la ecuación matricial $XA^3=BA^2$, donde B es la matriz fila $B=(1,2,3)$ **(1,3 puntos).**

c) Calcular la matriz inversa de A **(0,5 puntos).**

PROBLEMA 2. En el espacio se consideran:

- El plano π que pasa por los puntos $(11,1,2)$, $(5,7,5)$ y $(7,-1,-2)$.
- Y la recta r intersección de los planos de ecuaciones implícitas $x+y+z=15$ y $2x-7y+2z=3$.

a) Calcular la ecuación paramétrica de r **(0,6 puntos)** y la ecuación implícita del plano π **(0,4 puntos).**

b) Calcular el punto P intersección de r y π **(0,8 puntos)** y el ángulo α que determinan r y π **(0,5 puntos).**

c) Calcular los puntos M y N de la recta r cuya distancia al plano π es igual a 3 u.l. **(1 punto).**

PROBLEMA 3.

a) Obtener la derivada de la función $f(x)=ax+b+sen\,x$ **(0,5 puntos). Calcular** a y b si $O=(0,0)$ es un punto de la curva $y=ax+b+sen\,x$, cuya recta tangente en $O=(0,0)$ es el eje OX **(1,8 puntos).**

b) Justificar que la función $g(x)=-\dfrac{2}{\pi}x+sen\,x$ se anula en dos puntos del intervalo $[0,\pi]$ **(0,5 puntos).**

c) Calcular esos dos puntos **(0,5 puntos).**

PROBLEMA 4.

Dos postes de $3\,m$ y $4\,m$ se hallan clavados verticalmente en el suelo. Sus bases distan $5\,m$ y, en el segmento que las une, hay un punto P que dista x metros de la base del poste más bajo. El extremo superior de cada poste se une con P mediante un segmento rectilíneo de cable. Se pide:

a) Obtener la expresión *f(x)* de la longitud total de cable utilizado en ambos segmentos **(1,8 puntos).**

b) Demostrar que esa longitud total de cable es mínima cuando son iguales los valores absolutos de las pendientes de los dos segmentos considerados **(1 punto). Calcular** esa longitud mínima **(0,5 puntos).**